



Unit 4 : Cryptography & Steganography Part2

สศ412 ความมั่นคงของระบบสารสนเทศ

อาจารย์อภิพงศ์ ปิงยต

apipong.ping@gmail.com

Agenda

- Public Key Cryptography
- มาตรฐานการเข้ารหัสข้อมูล
 - RSA
 - Diffie-Hellman
 - Digital Signature Algorithm (DSA)
 - Digital Certificate

$$\begin{aligned} & (y f(x) + a_0(x)y_1 + a_2(x)y_2 + a_3(x)y_3 \\ & (x+1) = \left(\frac{x(x-2)}{2}\right)1 + (x(x-1))0 + \left(\frac{x(x-1)}{2}\right) \\ &)^2 = \left(\frac{(x-1)(x-2)}{2}\right)1 + (x(x-1))0 + \left(\frac{x(x-1)}{2}\right) \\ &)^2 (y+6x+7)^4 - (y+7x+4)^4 + (y+9x+6)^4 (y+8x+1)^2 \\ & 1)(x+6)^4 (x+9)^4 \dots x(x+1) \dots (x+2)^4 \\ & -9b + \sqrt{3} \sqrt{4a^3 + 27b^2} (y+6x)^2 (y+10x+8)^2 x+1 \\ & \frac{2^{1/3} 3^{2/3}}{x(x+6)^2} \dots (y+9x+1) \\ & \frac{(y+8x)^2}{(1-i\sqrt{3})(-9b + \sqrt{3} \sqrt{4a^3 + 27b^2})^{1/3}} \dots (y+8x+1) \\ & \frac{1/3}{(y+8x)^2 (y+7x+4)^4 (y+8x+1)^2} \end{aligned}$$

Public Key Cryptography

- ▶ ปัญหาของการเข้ารหัสแบบซีเคิร์ตคีย์คือ การแลกเปลี่ยนคีย์ ที่ใช้ในเชิงปฏิบัติได้ยาก
- ▶ จึงมีการพัฒนาเทคนิคการแจกจ่ายคีย์ อย่างปลอดภัย โดยใช้คีย์ที่เข้ารหัสและถอดรหัสคนละคีย์
- ▶ เรียกว่า (Public/Private Key Cryptography)



Public Key Cryptography

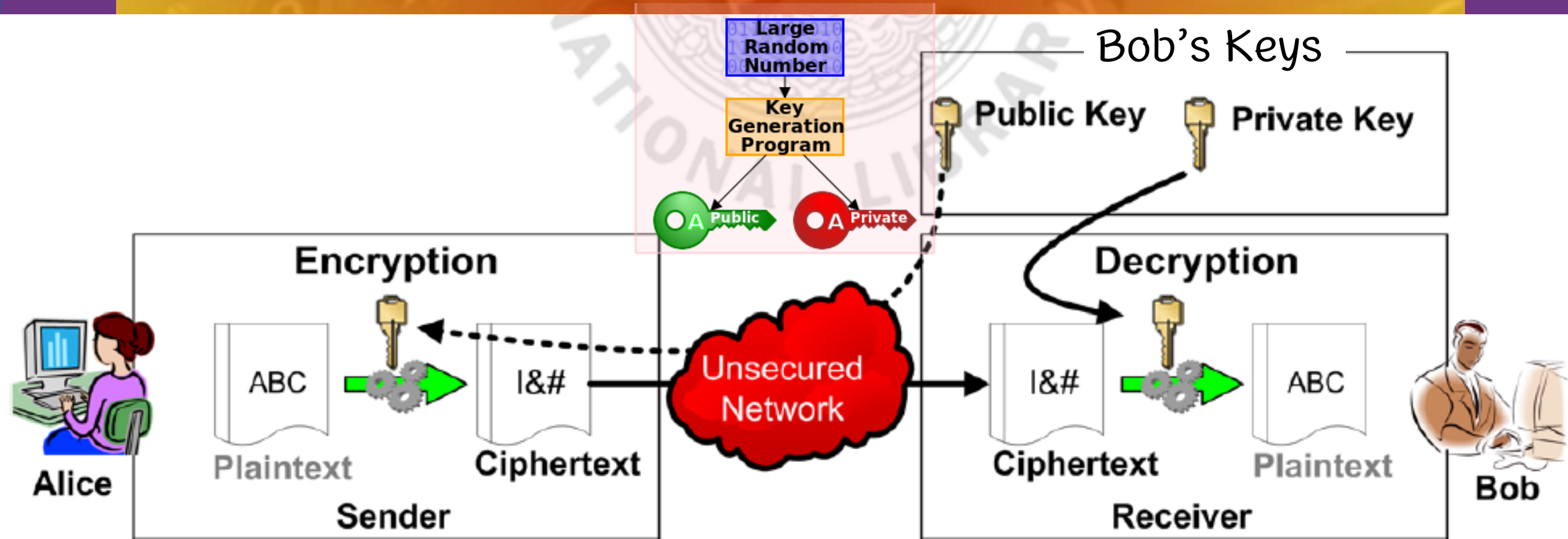
- ▶ Private Key เป็นคีย์ที่รู้เฉพาะเจ้าของ
- ▶ Public Key เป็นคีย์ที่ประกาศให้สาธารณะทราบ ใครจะนำไปใช้ก็ได้
- ▶ คีย์หนึ่งใช้เข้ารหัส อีกคีย์หนึ่งใช้ถอดรหัส
- ▶ ทั้งสองคีย์จะมีความสัมพันธ์กันทางคณิตศาสตร์
- ▶ ถูกอธิบายครั้งแรกในปี 1976 โดย มาร์ติน เฮลล์แมน (Martin Hellman) และ ไวท์ฟิลด์ ดิฟฟี (Whitefield Diffie) แห่งมหาวิทยาลัยสแตนฟอร์ด





Whitefield Diffie & Martin Hellman

Public Key Cryptosystem



Public Key Cryptography [3]

- ➔ Public Key สร้างกุญแจคู่โดยอาศัย
ทฤษฎี One-way Function ซึ่งเป็น
ฟังก์ชันทางคณิตศาสตร์ที่คำนวณค่าได้
ง่าย แต่คำนวณในทางตรงกันข้ามได้ยาก
มาก

One-way function :

Multiplication vs. Factorization

$$9 * 16 \Rightarrow 144$$

What X, Y ???

$$144 * 1 \Rightarrow 144$$

$$72 * 2 \Rightarrow 144$$

$$48 * 3 \Rightarrow 144$$

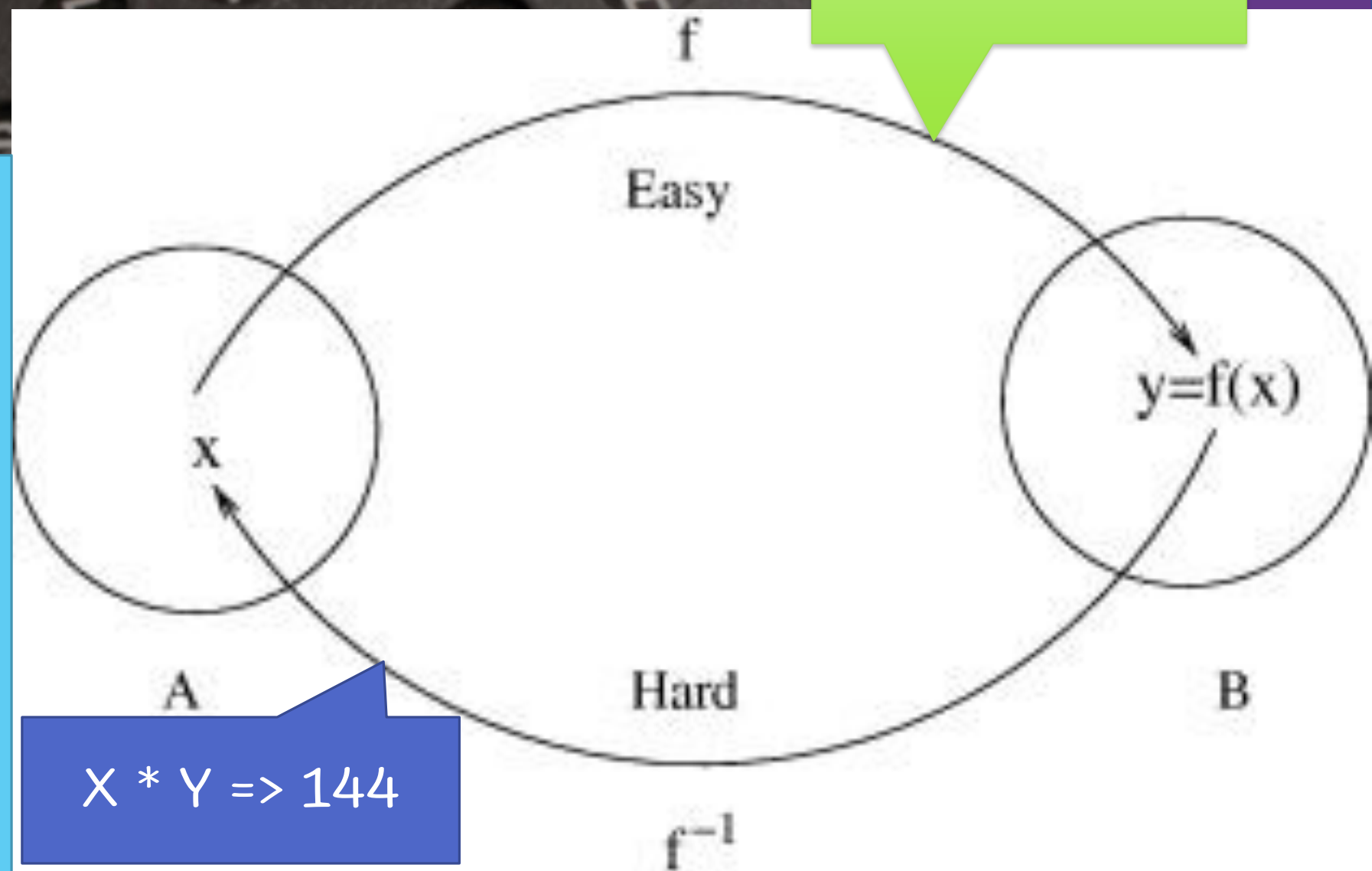
$$36 * 4 \Rightarrow 144$$

$$24 * 6 \Rightarrow 144$$

$$18 * 8 \Rightarrow 144$$

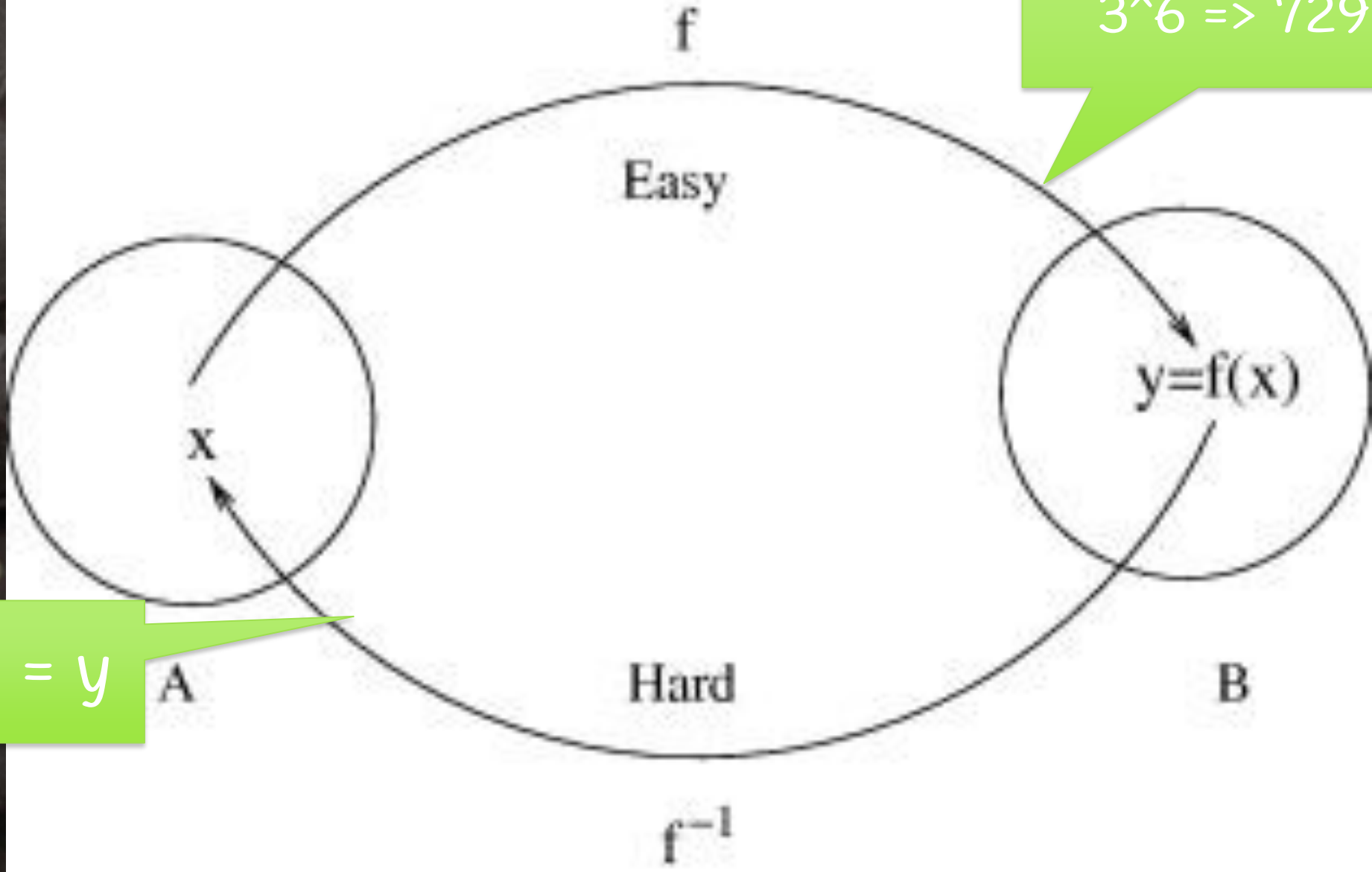
$$16 * 9 \Rightarrow 144$$

$$12 * 12 \Rightarrow 144$$



$$X * Y \Rightarrow 144$$

One-way function : Exponentiation vs. Logarithms



$$3^6 \Rightarrow 729$$

$$\log_x 729 = y$$

Asymmetric Key Cryptography

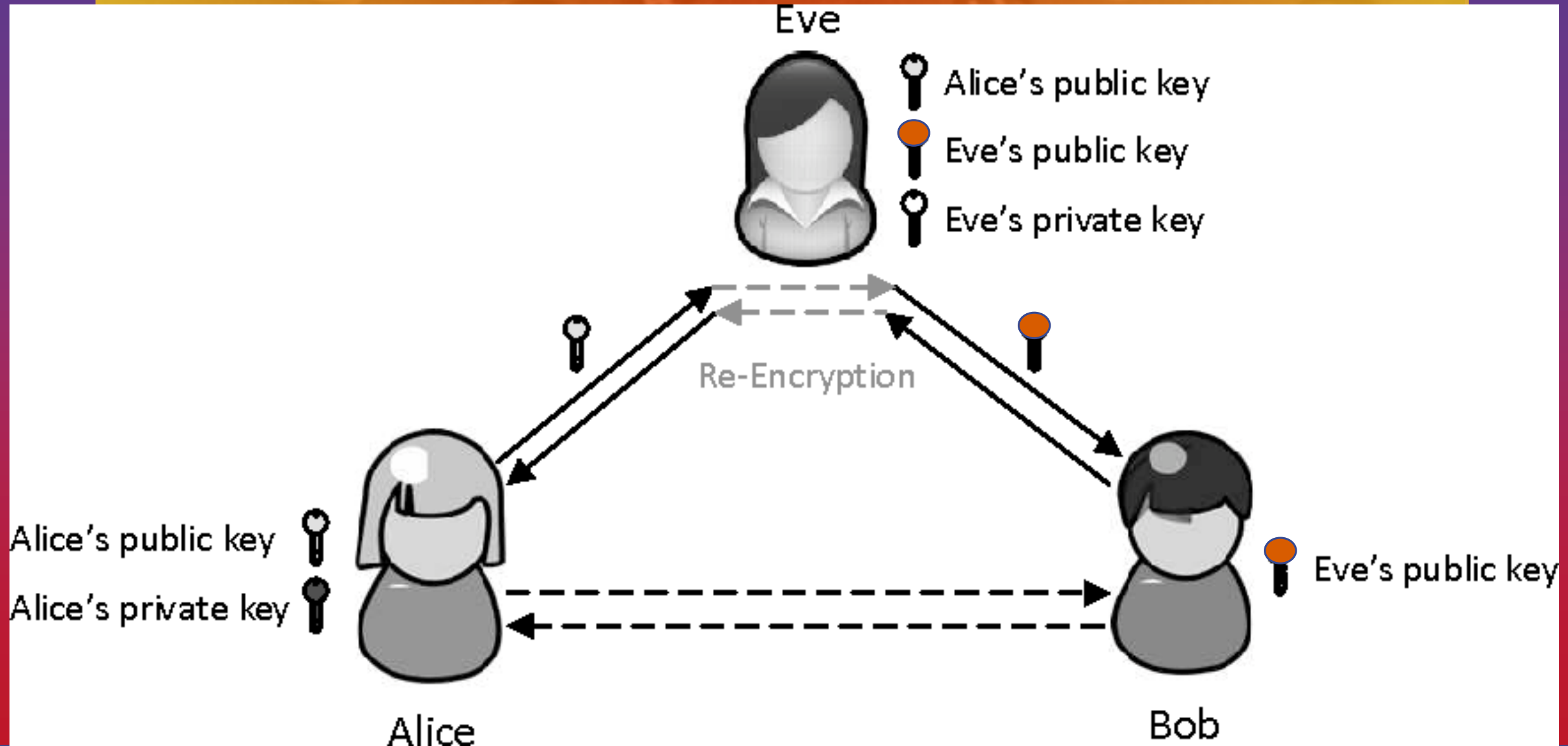
- ▶ การรู้คีย์ใดคีย์หนึ่งเป็นการยากที่จะคำนวณหาอีกคีย์หนึ่ง
- ▶ คีย์หนึ่งใช้สำหรับเข้ารหัสข้อมูล อีกคีย์หนึ่งใช้ถอดรหัสข้อมูล สามารถใช้สลับกันได้
- ▶ ไม่สามารถใช้คีย์ใดคีย์หนึ่งเพียงคีย์เดียวในการเข้าและถอดรหัสได้
- ▶ เรียกการเข้ารหัสแบบนี้ว่า **Asymmetric Key Cryptography** (การเข้ารหัสแบบกุญแจสมมาตร)



ปัญหาของ Public Key Cryptography

- ▶ ถูกโจมตีได้ด้วยวิธี Man-in-the-Middle โดยสมบูรณ์ ซึ่ง Attacker สามารถดักจับข้อมูลที่รับส่งได้ทั้งหมด
- ▶ Attacker สามารถส่ง Public Key ของตัวเองไปใช้กับเหยื่อทั้งสองฝั่งได้ แล้วใช้ Private Key ของตัวเองในการ Decryption
- ▶ แก้ไขโดยการใช้ Digital Signature และ Public Key Infrastructure (PKI)

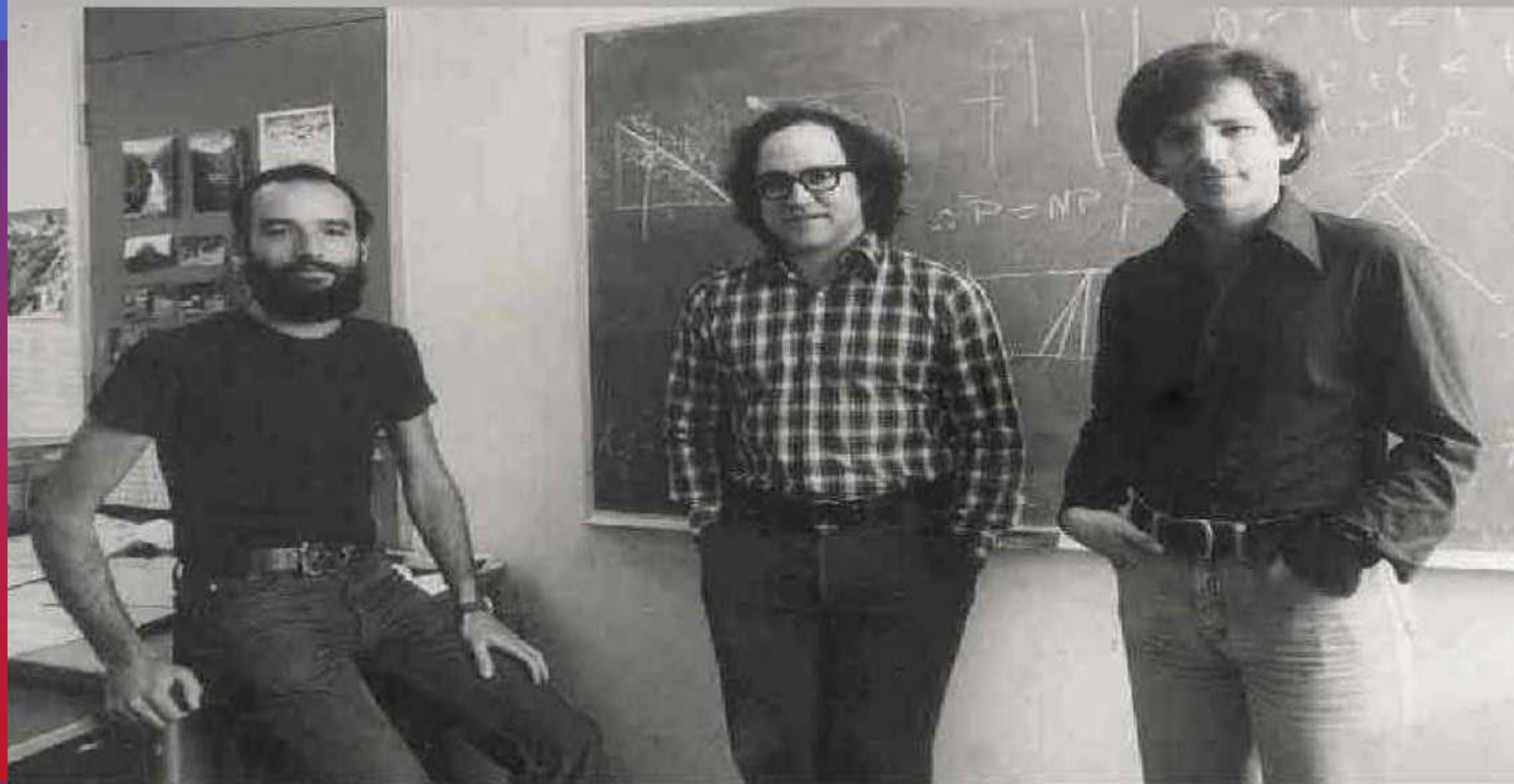
การโจมตีโดยวิธี MITM



มาตรฐานการเข้ารหัสข้อมูล : RSA

- ▶ เป็นการเข้ารหัสแบบ Public Key ที่ได้รับความนิยมอย่างสูง และถูกนำไปประยุกต์ใช้หลายแบบ
- ▶ RSA มาจากชื่อของผู้คิดอัลกอริทึมนี้ คือ Rivest, Shamir และ Adleman จาก MIT
- ▶ ข้อมูลที่เข้ารหัสด้วย Public Key จะถูกถอดรหัสได้โดยใช้ Private Key ที่เป็นคู่กันเท่านั้น

IN RSA WE TRUST



มาตรฐานการเข้ารหัสข้อมูล : RSA

- ➔ ขั้นตอนการเลือกพับลิคคีย์และไพรเวทคีย์
- ➔ 1) เลือกจำนวนเฉพาะ p และ q ซึ่งหากเลือกเลขจำนวนมากเท่าไรยิ่งถอดรหัสนายากเท่านั้น แต่จะทำให้กระบวนการเข้าและถอดรหัสน่าลง
- ➔ 2) คำนวณ $n = pq$ และ $z = (p-1)(q-1)$
- ➔ 3) เลือกจำนวน e ซึ่งมีค่าน้อยกว่า n และ e ต้องไม่มีตัวหารร่วมกับ z
- ➔ 4) คำนวณหา d โดยเมื่อ d คูณกับ e แล้วหารด้วย z เหลือเศษ 1 ($ed \bmod z = 1$)

มาตรฐานการเข้ารหัสข้อมูล: RSA

- ▶ 5) พับลิคคีย์คือ จำนวน (n, e) ส่วนไพรเวทคีย์คือ จำนวน (n, d)
- ▶ ขั้นตอนในการเข้ารหัสคือ สมมติเราต้องการส่งข้อมูล m โดย $m < n$ สมมติเขียนรหัสด้วยพับลิคคีย์ (n, e) สูตรในการเข้ารหัสคือ $c = m^e \bmod n$ โดย c คือ Ciphertext
- ▶ การถอดรหัสนี้จะใช้ไพรเวทคีย์ (n, d) สูตรในการคำนวณคือ $m = c^d \bmod n$ โดย m คือ plaintext ที่ถอดได้

ตัวอย่างการเข้ารหัสแบบ RSA

โดยเลือก $p=5$, $q=7$, $n=35$, $z = 24$, $e = 5$, $d = 29$

| Plaintext | m | m^e | Ciphertext ($m^e \bmod n$) |
|-----------|----|---------|---------------------------------|
| l | 12 | 248832 | 17 |
| o | 15 | 759375 | 15 |
| v | 22 | 5153632 | 22 |
| e | 5 | 3125 | 10 |

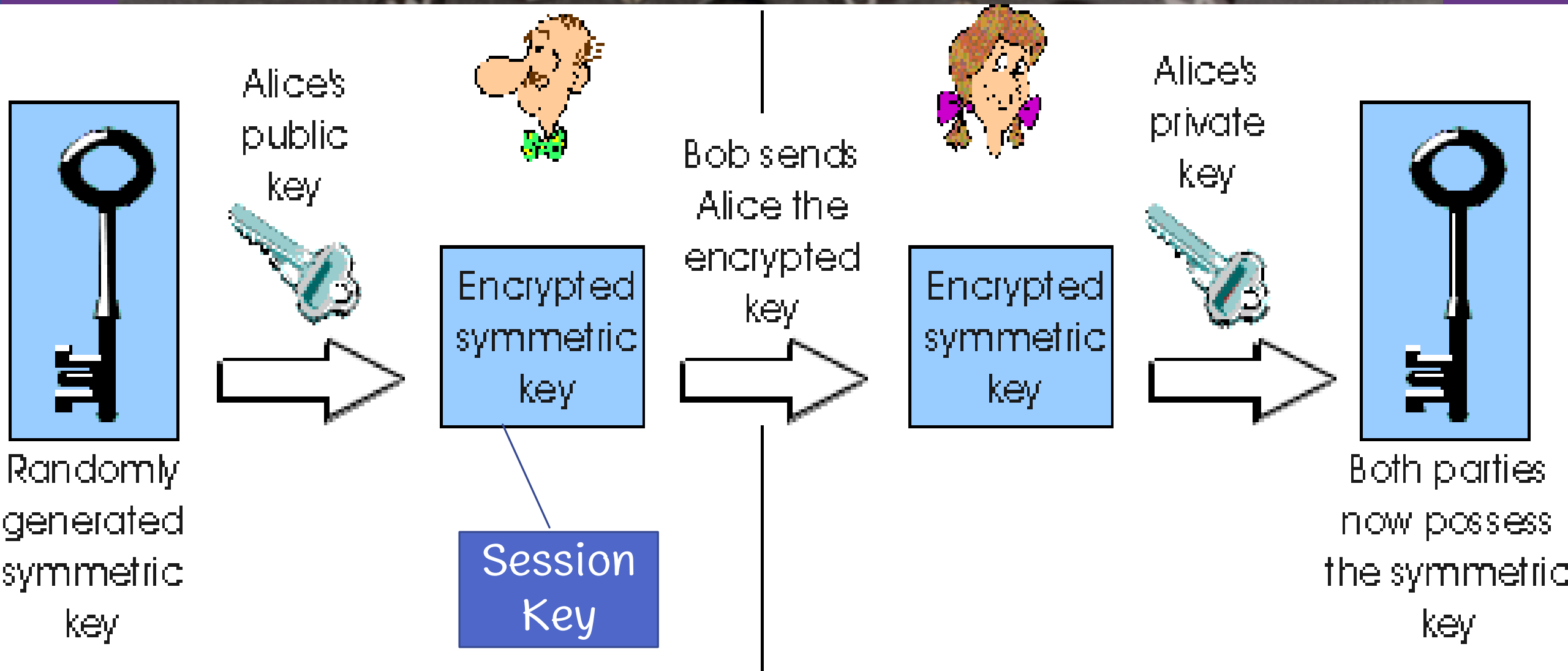
| Ciphertext | c^d | $m = c^d \bmod n$ | Plaintext |
|------------|------------|-------------------|-----------|
| 17 | ค่าเยอะมาก | 12 | l |
| 15 | ค่าเยอะมาก | 15 | o |
| 22 | ค่าเยอะมาก | 22 | v |
| 10 | ค่าเยอะมาก | 5 | e |

Session Key

- ▶ โดยทั่วไป คีย์ที่ใช้บนอินเทอร์เน็ตจะมีขนาดอย่างน้อย 1,024 บิต ทำให้การเข้ารหัสและถอดรหัสนั้นช้ามากเมื่อเทียบกับการเข้ารหัสแบบ Symmetric Key
- ▶ ในทางปฏิบัติมักใช้ RSA คู่กับ AES โดยใช้ RSA สำหรับแจกจ่าย Secret Key ของ AES เพื่อเข้ารหัส
- ▶ Secret Key ที่ถูกเข้ารหัสด้วย Public Key จะเรียกว่า Session Key



Session Key Exchange



มาตรฐานการเข้ารหัสข้อมูล : Diffie-Hellman

- ▶ เป็น Public Key Cryptography แบบแรกที่ได้รับการตีพิมพ์
- ▶ ใช้หลักการ One-Way Function ที่ว่า การคำนวณค่าเอ็กซ์โพเนนต์ (ยกกำลัง) ง่ายกว่าการคำนวณลอการิทึม
- ▶ อัลกอริทึมนี้จะอนุญาตให้คนสองคนสามารถสร้าง ซีเคร็ท คีย์เพื่อใช้ในการเข้ารหัสข้อมูลที่ได้รับส่งกันได้
- ▶ ในปี 2015 มีผลการวิจัยว่าอัลกอริทึมนี้ไม่แข็งแกร่งมากพอ

Diffie-Hellman Key Exchange



Alice

Bob and Alice know and have the following :
 $p = 23$ (a prime number) $g = 11$ (a generator)

Bob



Alice chooses a secret random number $a = 6$

Alice computes : $A = g^a \text{ mod } p$
 $A = 11^6 \text{ mod } 23 = 9$

Bob chooses a secret random number $b = 5$

Bob computes : $B = g^b \text{ mod } p$
 $B = 11^5 \text{ mod } 23 = 5$

Alice receives $B = 5$ from Bob

Secret Key = $K = B^a \text{ mod } p$

$$K = 5^6 \text{ mod } 23 = 8$$

Bob receives $A = 9$ from Alice

Secret Key = $K = A^b \text{ mod } p$

$$K = 9^5 \text{ mod } 23 = 8$$

The common secret key is : 8

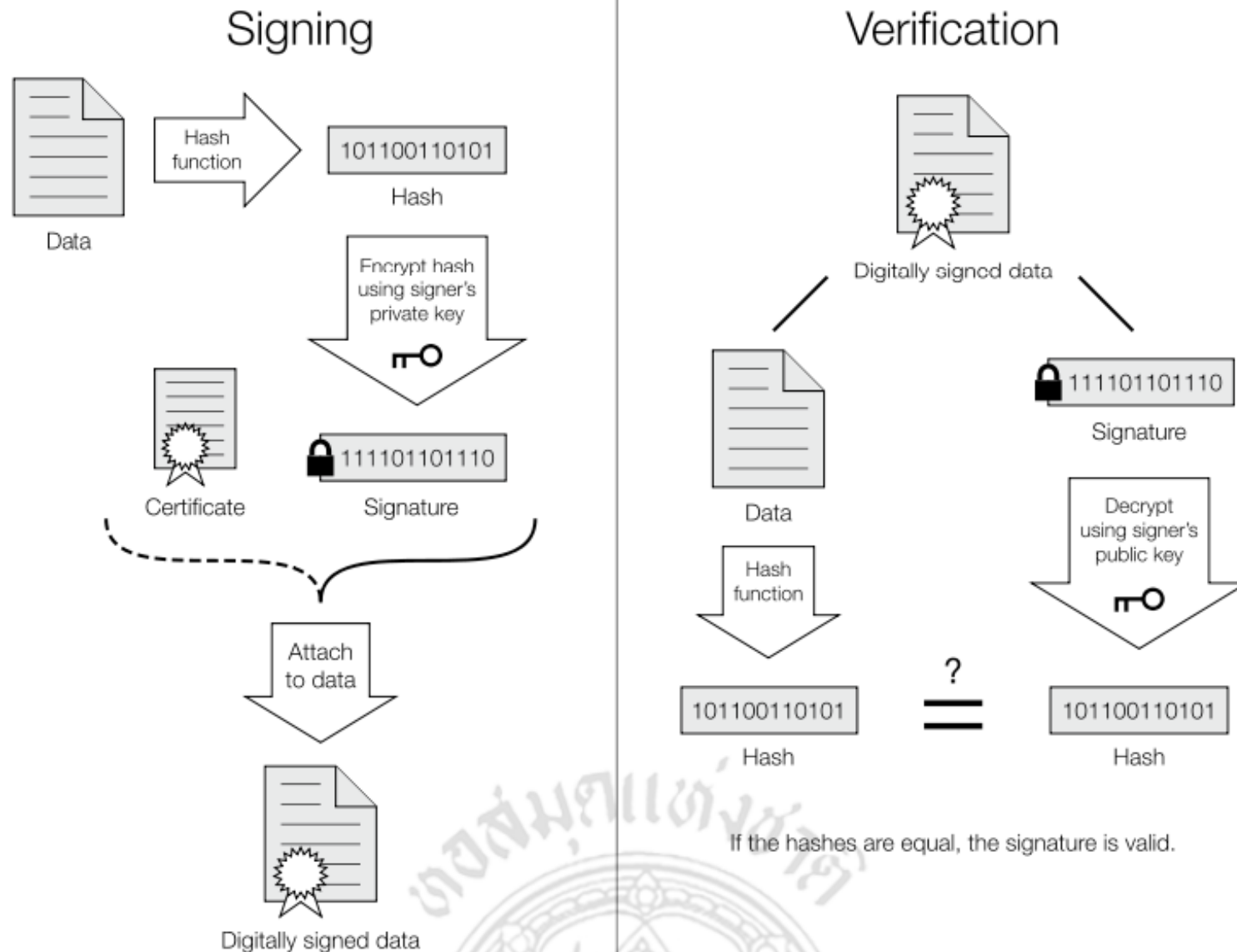
N.B. We could also have written : $K = g^{ab} \text{ mod } p$

มาตรฐานการเข้ารหัสข้อมูล : Digital Signature Algorithm



- ▶ เป็นอัลกอริทึมในการตรวจสอบว่าข้อความนั้นไม่ได้ถูกแก้ไขเปลี่ยนแปลงระหว่างการรับส่ง รวมไปถึงเป็นการพิสูจน์ทราบตัวตนของผู้ส่งข้อความ
- ▶ ผู้ที่ลงลายเซ็นจะใช้ไพรเวตคีย์ของตัวเองลงลายเซ็น ส่วนผู้รับจะใช้พับลิคคีย์ของผู้ส่งในการตรวจสอบ

กระบวนการทำงานของ Digital Signature

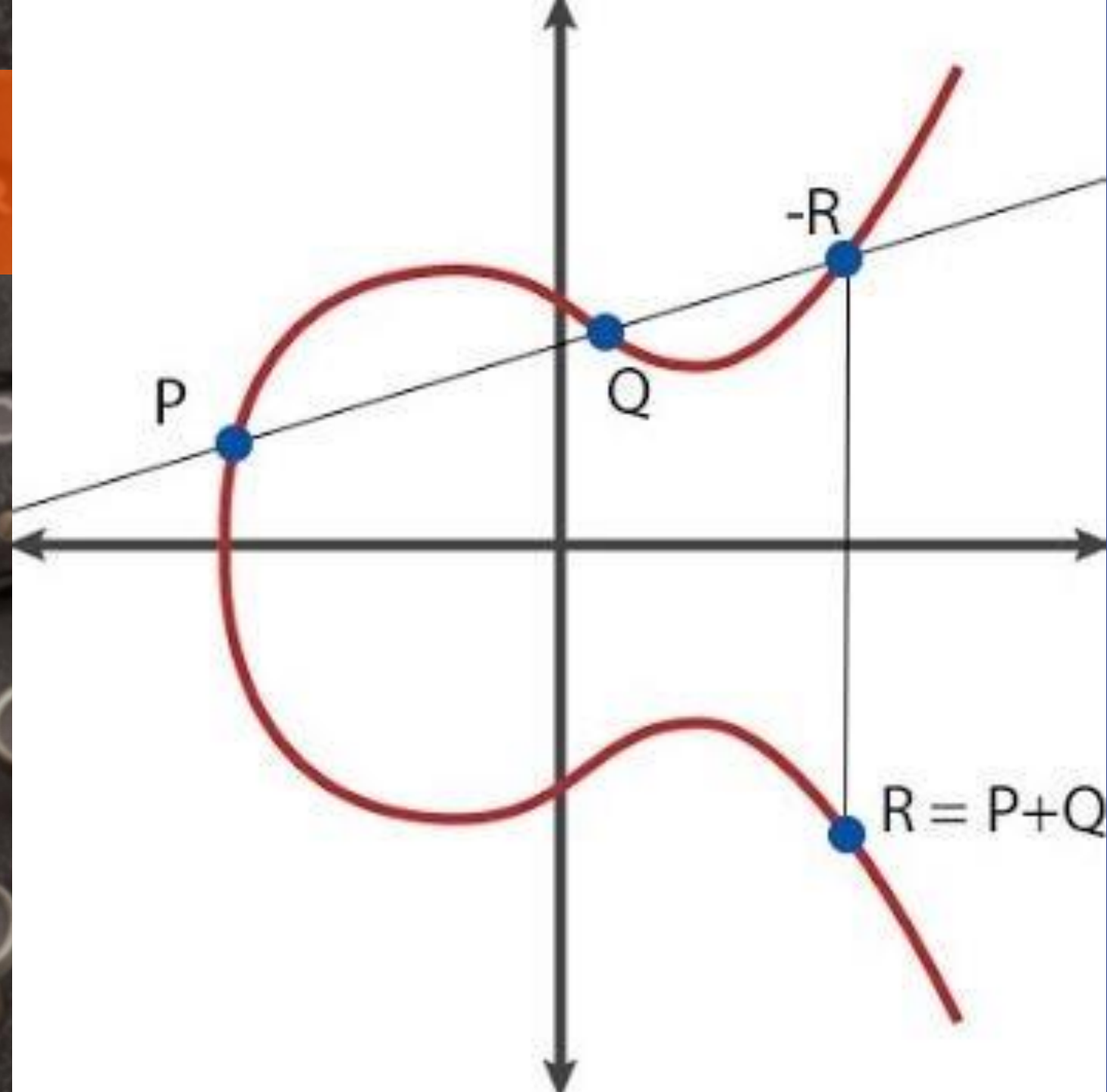


มาตรฐานการเข้ารหัสข้อมูล

: Elliptic Curve Cryptography (ECC)

- ➔ ECC เป็นอัลกอริทึมที่ใช้สมการเส้นโค้งรี (Elliptic Curve) คิดค้นในปี 1985 โดย Victor Miller และ Neal Koblitz
- ➔ ข้อดีคือคีย์ที่ใช้ไม่ต้องมีความยาวมาก

Elliptic Curve



ตารางการเปรียบเทียบ RSA และ ECC

| RSA Key size | Time to Break Key (MIPS Years) | ECC KeySize | RSA:ECC Key-size Ratio |
|--------------|--------------------------------|-------------|------------------------|
| 512 | 10^4 | 106 | 5:1 |
| 768 | 10^8 | 132 | 6:1 |
| 1,024 | 10^{11} | 160 | 7:1 |
| 2,048 | 10^{20} | 210 | 10:1 |
| 21,000 | 10^{78} | 600 | 35:1 |